

## Lösungen zur Klausur vom 03.09.11

Disclaimer: Schreibfehler sind nicht auszuschließen.

**A1:** D: relative Häufigkeit ist nur Näherung für statistische Wahrscheinlichkeit.

**A2:** A:  $\binom{8}{2}\binom{6}{2}\binom{4}{2}\binom{2}{2}/4! = 8!/((2!)^4 \cdot 4!) = 105$ .

**A3:** B:  $(52 \cdot (3 \cdot 12)/2)/\binom{52}{2} = 0.7059$ .

**A4:** D.

**A5:** C: 1.Wurf:  $A \cap B = \{4, 6\} \neq \emptyset$ ,  $P(A \cap B) = 1/3 \neq 1/4 = P(A)P(B)$ .

**A6:** D:  $P(A \cup B) = 4/6$ ,  $P(C) = 1/2$ ,  $A \cup B, C$  unabhängig,  $(4/6) \cdot (1/2) = 0.3333$ .

**A7:** B: Richtig:  $A = \emptyset$ ,  $B = \Omega$ . Falsch:  $A = B$ .

**A8:** B: Falsch:  $B = \bar{A}$  und  $P(A) = 0.6$ . Richtig:  $P(A) = 0.6$  und  $B = \emptyset$ .

**A9:** B:  $0.7 \cdot (2/6) + 0.85 \cdot (4/6) = 0.8$ .

**A10:** C: s.A9, Schießergebnisse unabhängig:  $0.8^2$ .

**A11:** C.

**A12:** B:  $P(X \geq 1) \approx 0.5$ .

**A13:** D: Fläche für Dichte zu groß.

**A14:** C:  $E(X) = -2 \cdot 0.3 + 0 \cdot 0.2 + 1 \cdot 0.1 + 2 \cdot 0.4 = 0.3$ .

**A15:** C:  $F(1.8) - F(0.8) = 0.512$ .

**A16:** A. i.W. Ableitung der Verteilungsfunktion.

**A17:** A: Ansatz  $F(z) = (z - 1)^3 = 0.1 \implies z - 1 = \sqrt[3]{0.1} \implies z = 1.464$ .

**A18:** B:  $E(X) = \int_0^1 x \cdot x dx + \int_2^3 x \cdot 0.5 dx = 1.5833$ .

**A19:** D:  $25 \cdot 9 = 225$ .

**A20:** D:  $\sqrt{25 \cdot 2.56^2} = 12.8$ .

**A21:** B:  $\binom{10}{4} 0.3^4 \cdot 0.7^6 = 0.2$ .

**A22:** D: A=„bei drei Würfeln genau eine ‚1‘ werfen“,  $X \sim B(3, 1/6)$ ,  $P(A) = P(X = 1) = 0.3472$ .  $P(A_1 \cup A_2 \cup A_3) = 1 - P(\bar{A}_1 \cap \bar{A}_2 \cap \bar{A}_3) = 1 - (1 - P(A_i))^3 = 0.7218$ .

**A23:** A:  $e^{-\lambda} = P(X = 0) = 0.3 \implies \lambda = -\ln(0.3) \approx 1.204 \implies E(X) = \lambda = 1.204$ .

**A24:** A. Vgl. Aussage aus der Vorlesung.

**A25:** A.  $E(X \cdot Y) = E(X) \cdot E(Y) = (1/2) \cdot (1/4) = 0.125$ .

**A26:** D:  $E(X + Y)^2 = \text{Var}(X + Y) + (E(X + Y))^2 = 1/12 + 1/16 + (1/2 + 1/4)^2 = 0.7083$ .

**A27:** D:  $P(110 < X < 130) = \Phi((130 - 120)/6) - \Phi((110 - 120)/6) = 0.905 = P(A)$ .

**A28:** A: s.A27,  $P(A)^3 = 0.7412$ .

**A29:** B:  $P(X = 0, Y = -1) = 0 \neq P(X = 0)P(Y = -1)$ .

**A30:** B:  $P(X + Y > 0) = P(X = 1, Y = 1) = 0.2$ .

**A31:** C:  $Z = X + Y$ ; dann ist  $P(Z = -2) = 0.2$ ,  $P(Z = -1) = 0.1$ ,  $P(Z = 0) = 0.5$ ,  
 $P(Z = 1) = 0$ ,  $P(Z = 2) = 0.2 \implies E(Z) = -0.1$ ,  $E(Z^2) = 1.7$ ,  $\text{Var}(Z) = 1.69$ .

**A32:** A:  $\int_0^1 \frac{1}{3}(1 + x + y)dy = (\frac{1}{2} + \frac{1}{3}x)I_{[-1,1]}(x)$ .

**A33:** D:  $\int_{-1}^1 \int_0^1 (x + y)\frac{1}{3}(1 + x + y)dy = \dots = 0.7777$ .

**A34:** B:  $X \sim B(60, 1/6)$ ,  $P(X > 9) = 1 - P(X \leq 9)$   
 $\approx 1 - \Phi((9.5 - 60 \cdot (1/6))/\sqrt{60 \cdot (1/6) \cdot (5/6)}) = 0.5675$ .

**A35:** C:  $\text{Cov}(X, Y) = \text{Cov}(U, U) = \text{Var}(U) = 1/12$ ,  $\text{Var}(X) = 1/12$ ,  $\text{Var}(Y) = 2/12$ .  
 $\rho = \text{Cov}(X, Y)/\sqrt{\text{Var}(X)\text{Var}(Y)} = 0.707$ .

**A36:** A.

**A37:** B:  $\mu = E(X) = \dots = 0.5 \cdot \theta \implies \theta = 2\mu$ .

**A38:** D:  $\pi = P(X_i > 0) = 1 - P(X_i \leq 0) = 1 - \Phi(-\mu) = \Phi(\mu)$ ; damit ist  $\Phi(\bar{X}_n)$  konsistent für  $\pi$ .

**A39:** C:  $200 + 1.7291 \cdot \sqrt{80/20} = 203.458$ .

**A40:** C:  $0.2 \cdot 0.8 \cdot (1.96/0.04)^2 = 384.16$ .

**A41:** B:  $(1.12 + 1.34)/2 = 1.23$ .

**A42:** A:  $s = (1.34 - 1.12) \cdot \sqrt{25}/(2 \cdot 2.0639) = 0.2665$ ,  $s^2 = 0.071$ .

**A43:** B:  $400 \cdot (30 + 1.96 \cdot 6/\sqrt{100}) = 12470.4$ .

**A44:** C:  $H_1 : \pi < 0.1$  richtig, aber Entscheidung für  $H_0$ .

**A45:** A:  $\bar{x} = 1.4828$ ,  $\sqrt{7} \cdot (1.4828 - 1.5)/\sqrt{0.0009} = -1.512$ .

**A46:** B: Quantil 1.64.  $|t| \not\geq 1.64$ .

**A47:** D:  $2 \cdot (1 - \Phi(1.512)) = 0.131$ .

**A48:** D:  $t = \sqrt{35} \cdot (260 - 240)/\sqrt{3000} = 2.16$ .

**A49:** B: Quantil 1.96.  $t > 1.96$ , also Entscheidung für  $H_1$ .

**A50:** C.

**A51:** A:  $t = (100 - 120 \cdot 0.8)/\sqrt{120 \cdot 0.8 \cdot 0.2} = 0.913$ .

**A52:** A:  $z_i = x_i - y_i$ ,  $\bar{z} = 7.333$ ,  $\sum_i z_i^2 = 802$ ,  $s_Z = 9.7912$ ,  $t = \sqrt{6} \cdot 7.3333/9.7912 = 1.8346$ .

**A53:** C: 2.015.

**A54:** D:  $t = 0.5 \cdot \sqrt{97} \cdot (\ln 1.38 - \ln 0.62 - \ln 1.2 + \ln 0.8) = 1.9434$ .

**A55:** B: Quantil 1.64.  $t > 1.64$ .

**A56:** D:  $\bar{p} = 15$ ,  $\bar{y} = 5$ ,  $s_p^2 = 11.2$ ,  $s_{xy} = -11$ ,  $\hat{\beta} = -11/11.2 = -0.9821$ .

**A57:** C:  $\hat{\alpha} = 19.7315$ ,  $\hat{\alpha} + 16 \cdot \hat{\beta} = 19.7315 + (-0.9821) \cdot 16 = 4.0179$ .

**A58:** B: p-Wert zu  $H_0 : \alpha = 0$  ist  $> 0.05$ , also  $H_0$  beibehalten.

**A59:** C:  $(11.853 - 10)/0.4633 = 3.999$ .

**A60:** A:  $11.853 + \underbrace{3.0123}_{=t_{13,0.995}} \cdot 0.4633 = 12.248$ .